



Šifra kandidata:  
A jelölt kódszáma:

Državni izpitni center



SPOMLADANSKI ROK  
TAVASZI IDŐSZAK

# MATEMATIKA

≡ Izpitna pola 1 ≡

1. feladatlap

Osnovna raven

Alapszint

**Sreda, 2. junij 2004 / 120 minut**  
**2004. június 2., szerda / 120 perc**

*Dovoljeno dodatno gradivo in pripomočki:  
kandidat prinese s seboj nalivno pero ali kemični svinčnik, svinčnik, radirko,  
žepni računalnik brez grafičnega zaslona in brez možnosti simboličnega računanja,  
šestilo in 2 trikotnika, lahko tudi ravnilo.  
Kandidat dobi dva ocenjevalna obrazca in dva konceptna lista.*

*Engedélyezett segédeszközök: a jelölt töltőtollat vagy golyóstollat, ceruzát,  
radírt, csak műveleteket végző zsebszámológépet, körzőt és 2  
háromszögvonalzót vagy vonalzót hoz magával.  
A jelölt két értékelőlapot és két vázlatlapot is kap.*

**SPLOŠNA MATURA**  
**ÁLTALÁNOS ÉRETTSÉGI VIZSGA**

Navodila kandidatu so na naslednji strani.  
A jelöltnek szóló útmutató a következő oldalon olvasható.

*Ta pola ima 20 strani, od tega 2 prazni.  
A feladatlap terjedelme 20 oldal, ebből 2 üres.*

## NAVODILA KANDIDATU

**Pazljivo preberite ta navodila. Ne izpuščajte ničesar!**

**Ne obračajte strani in ne začenjajte reševati nalog, dokler Vam nadzorni učitelj tega ne dovoli.**

Prilepite kodo oziroma vpišite svojo šifro (v okvirček desno zgoraj na prvi strani in na ocenjevalna obrazca).

V tej izpitni poli je 12 nalog, rešujete vse, in sicer na strani, kjer je besedilo naloge. **Ocenjevalci ne bodo pregledovali konceptnih listov.**

Pišite z nalivnim peresom ali s kemičnim svinčnikom. Če se zmotite, napisano prečrtajte. Grafe funkcij rišite s svinčnikom. Pazite, da bo Vaš izdelek pregleden in čitljiv. Pri reševanju nalog mora biti jasno in korektno predstavljena pot do rezultata z vmesnimi računi in sklepi.

Na strani 4 in 5 je standardna zbirka zahtevnejših formul, ki jih ni treba znati na pamet. Morda si boste s katero med njimi pomagali.

Število točk, ki jih lahko dosežete je 72. **Naloge, pisane z navadnim svinčnikom, nejasne in nečitljive rešitve se ovrednotijo z nič (0) točkami. Če ste nalogo reševali na več načinov, nedvoumno označite, katero rešitev naj ocenjevalec točkuje.**

Vsako nalogo skrbno preberite. Rešujte premišljeno. Zaupajte vase in v svoje sposobnosti.

Želimo vam veliko uspeha.

## ÚTMUTATÓ A JELÖLTNEK

**Figyelmesen olvassa el ezt az útmutatót! Semmit se hagyjon ki!**

**Ne lapozzon, és ne kezdjen a feladatok megoldásába, amíg ezt a felügyelő tanár nem engedélyezi!**

Ragassa vagy írja be kódszámát (a feladatlap jobb felső sarkában levő keretbe és az értékelőlapokra)!

Ez a feladatlap 12 feladatot tartalmaz. Mindegyiket oldja meg, és pedig azon az oldalon, ahol a feladat található. **Az értékelők a vázlatlapokat nem nézik át.**

Töltőtollal vagy golyóstollal írjon! A rossz válaszait húzza át! A függvénygrafikonokat ceruzával rajzolja be! Ügyeljen arra, hogy munkája áttekinthető és olvasható legyen! A feladat megoldásának világosan és korrekten kell mutatnia az eredményhez vezető utat, a közbeeső számításokkal és következtetésekkel együtt.

A 4. és 5. oldalon található a képletek standard gyűjteménye, amelyet nem kell fejből tudnia, de amely egy része talán segítségére lehet a feladatok megoldásában.

Összesen 72 pont érhető el. **A ceruzával írt, valamint a zavaros és olvashatatalan válaszokat nulla (0) ponttal értékeljük. Ha a feladatot többféleképpen oldotta meg, egyértelműen jelölje, melyik megoldást értékeli.**

Figyelmesen olvassa el mindegyik feladatot, majd megfontoltan oldja meg őket! Bízzon önmagában és képességeiben!

Eredményes munkát kívánunk.



## Formule

- $a^{2n+1} + b^{2n+1} = (a + b)(a^{2n} - a^{2n-1}b + a^{2n-2}b^2 - \dots + a^2b^{2n-2} - ab^{2n-1} + b^{2n})$
- Evklidov in višinski izrek v pravokotnem trikotniku:  $a^2 = ca_1$ ,  $b^2 = cb_1$ ,  $v_c^2 = a_1b_1$
- Polmera trikotniku očrtanega in včrtanega kroga:  $R = \frac{abc}{4S}$ ,  $r = \frac{S}{s}$ ,  $s = \frac{a + b + c}{2}$
- Kotne funkcije polovičnih kotov:  

$$\sin \frac{x}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos x}{2}} ; \cos \frac{x}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos x}{2}} ; \operatorname{tg} \frac{x}{2} = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$$
- Kotne funkcije trojnih kotov:  

$$\sin 3x = 3 \sin x - 4 \sin^3 x, \cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$
- Adicijski izrek:  

$$\sin(x + y) = \sin x \cos y + \cos x \sin y$$

$$\cos(x + y) = \cos x \cos y - \sin x \sin y$$

$$\operatorname{tg}(x + y) = \frac{\operatorname{tg} x + \operatorname{tg} y}{1 - \operatorname{tg} x \operatorname{tg} y}$$
- Faktorizacija:  

$$\sin x + \sin y = 2 \sin \frac{x + y}{2} \cos \frac{x - y}{2}, \sin x - \sin y = 2 \cos \frac{x + y}{2} \sin \frac{x - y}{2}$$

$$\cos x + \cos y = 2 \cos \frac{x + y}{2} \cos \frac{x - y}{2}, \cos x - \cos y = -2 \sin \frac{x + y}{2} \sin \frac{x - y}{2}$$

$$\operatorname{tg} x \pm \operatorname{tg} y = \frac{\sin(x \pm y)}{\cos x \cos y}, \operatorname{ctg} x \pm \operatorname{ctg} y = \frac{\sin(y \pm x)}{\sin x \sin y}$$
- Razčlenitev produkta kotnih funkcij:  

$$\sin x \sin y = -\frac{1}{2} [\cos(x + y) - \cos(x - y)];$$

$$\cos x \cos y = \frac{1}{2} [\cos(x + y) + \cos(x - y)];$$

$$\sin x \cos y = \frac{1}{2} [\sin(x + y) + \sin(x - y)]$$
- Razdalja točke  $T_0(x_0, y_0)$  od premice  $ax + by - c = 0$ :  

$$d(T_0, p) = \left| \frac{ax_0 + by_0 - c}{\sqrt{a^2 + b^2}} \right|$$
- Ploščina trikotnika z oglišči  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,  $C(x_3, y_3)$ :  

$$S = \frac{1}{2} |(x_2 - x_1)(y_3 - y_1) - (x_3 - x_1)(y_2 - y_1)|$$
- Elipsa:  $e^2 = a^2 - b^2$ ,  $\varepsilon = \frac{c}{a}$ ;  $a > b$
- Hiperbola:  $e^2 = a^2 + b^2$ ,  $\varepsilon = \frac{c}{a}$ ,  $a$  je realna polos.
- Parabola:  $y^2 = 2px$ , gorišče  $G\left(\frac{p}{2}, 0\right)$
- Integrala:  

$$\int \frac{dx}{x^2 + a^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} + C, \int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} = \operatorname{arc} \sin \frac{x}{a} + C$$

**KÉPLETEK**

- $a^{2n+1} + b^{2n+1} = (a + b)(a^{2n} - a^{2n-1}b + a^{2n-2}b^2 - \dots + a^2b^{2n-2} - ab^{2n-1} + b^{2n})$
- *A derékszögű háromszög magasságtétele és befogótétele:*  $a^2 = ca_1$ ,  $b^2 = cb_1$ ,  $v_c^2 = a_1b_1$
- *A háromszög köré írt kör és a háromszögbe írt kör sugara:*  $R = \frac{abc}{4S}$ ,  $r = \frac{S}{s}$ ,  $s = \frac{a+b+c}{2}$

- *A félszögek szögfüggvényei:*

$$\sin \frac{x}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos x}{2}} ; \cos \frac{x}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos x}{2}} ; \operatorname{tg} \frac{x}{2} = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$$

- *A szög háromszorosának szögfüggvényei:*

$$\sin 3x = 3 \sin x - 4 \sin^3 x, \cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$

- *Addíciós tételek:*

$$\sin(x + y) = \sin x \cos y + \cos x \sin y$$

$$\cos(x + y) = \cos x \cos y - \sin x \sin y$$

$$\operatorname{tg}(x + y) = \frac{\operatorname{tg} x + \operatorname{tg} y}{1 - \operatorname{tg} x \operatorname{tg} y}$$

- *Tényezőkre bontás:*

$$\sin x + \sin y = 2 \sin \frac{x+y}{2} \cos \frac{x-y}{2}, \sin x - \sin y = 2 \cos \frac{x+y}{2} \sin \frac{x-y}{2}$$

$$\cos x + \cos y = 2 \cos \frac{x+y}{2} \cos \frac{x-y}{2}, \cos x - \cos y = -2 \sin \frac{x+y}{2} \sin \frac{x-y}{2}$$

$$\operatorname{tg} x \pm \operatorname{tg} y = \frac{\sin(x \pm y)}{\cos x \cos y}, \operatorname{ctg} x \pm \operatorname{ctg} y = \frac{\sin(y \pm x)}{\sin x \sin y}$$

- *A szögfüggvények szorzatának felbontása:*

$$\sin x \sin y = -\frac{1}{2} [\cos(x + y) - \cos(x - y)];$$

$$\cos x \cos y = \frac{1}{2} [\cos(x + y) + \cos(x - y)];$$

$$\sin x \cos y = \frac{1}{2} [\sin(x + y) + \sin(x - y)]$$

- *A  $T_0(x_0, y_0)$  pont távolsága az  $ax + by - c = 0$  egyenestől:*

$$d(T_0, p) = \left| \frac{ax_0 + by_0 - c}{\sqrt{a^2 + b^2}} \right|$$

- *Az  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,  $C(x_3, y_3)$  csúcsú háromszög területe:*

$$S = \frac{1}{2} |(x_2 - x_1)(y_3 - y_1) - (x_3 - x_1)(y_2 - y_1)|$$

- *Ellipszis:*  $e^2 = a^2 - b^2$ ,  $\varepsilon = \frac{c}{a}$ ;  $a > b$

- *Hiperbola:*  $e^2 = a^2 + b^2$ ,  $\varepsilon = \frac{c}{a}$ , az  $a$  a valós féltengely

- *Parabola:*  $y^2 = 2px$ , fókuszpont  $G\left(\frac{p}{2}, 0\right)$

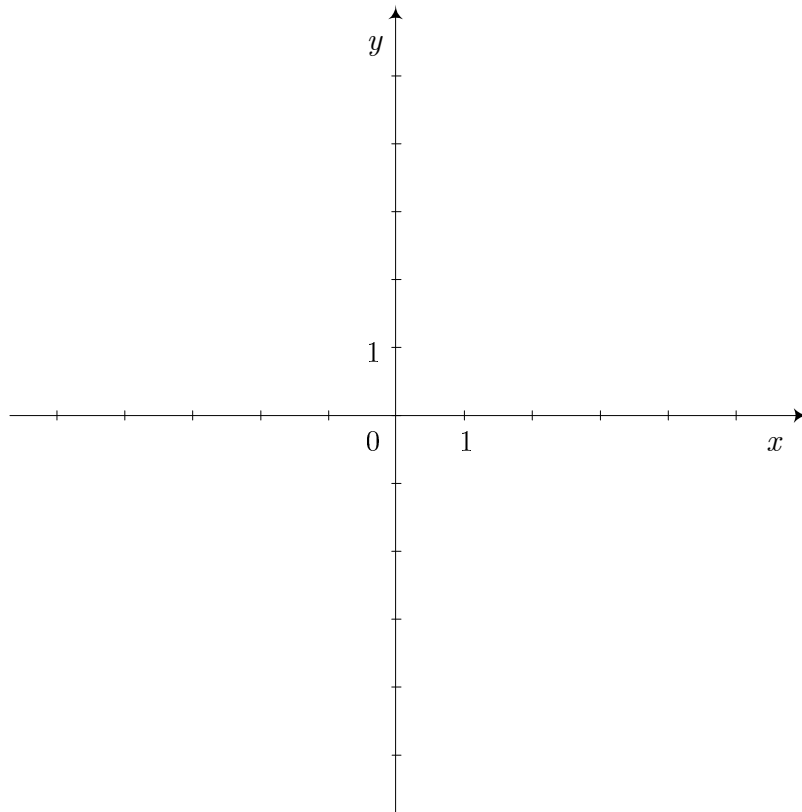
- *Integrálok:*

$$\int \frac{dx}{x^2 + a^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} + C, \int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} = \operatorname{arc} \sin \frac{x}{a} + C$$

01. Narišite premici  $y = x - 1$  in  $y = -x + 3$ . Izračunajte ploščino trikotnika, ki ga premici oklepata z abscisno osjo.

*Ábrázolja az  $y = x - 1$  és  $y = -x + 3$  egyeneseket! Számítsa ki annak a háromszögnek a területét, amelyet az egyenesek és az abszcisszatengely határoznak meg!*

*(5 točk/pont)*



02. Cena izdelka po 25-odstotni podražitvi znaša 4.200,00 SIT . Izračunajte prvotno ceno izdelka. Za koliko tolarjev preveč je trgovina podražila izdelek, če je bila dovoljena le 20-odstotna podražitev?

*A termék ára 25 százalékos drágulás után 4.200,00 SIT . Számítsa ki ennek a terméknek az eredeti árát! Hány tollárral lépte túl a bolt a termék áremelését, ha csak 20 százalékos drágulás volt engedélyezve?*

*(5 točk/pont)*

03. Izračunajte, za katere  $x$  so  $x^2 - 7$ ,  $1 - x$ ,  $2$  zaporedni členi padajočega geometrijskega zaporedja.

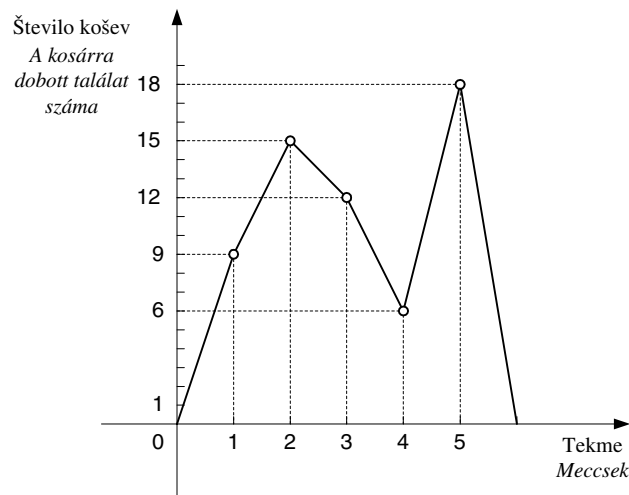
*Számítsa ki azokat az  $x$  értékeket, amelyekre az  $x^2 - 7$ ,  $1 - x$  és a  $2$  tagok egy csökkenő mértani sorozat egymást követő elemei lesznek!*

*(6 točk/pont)*



04. Marko in Žiga igrata košarko. Marko je odigral pet tekem, Žiga pa tri. Število košev, ki jih je na posameznih tekmah dosegel Marko, je prikazano s frekvenčnim poligonom:

*Marko és Žiga kosárlabdáznak. Marko öt meccset játszott, Žiga pedig hármat. Marko egyes meccseken dobott találatainak számát a relatív gyakoriság poligonja mutatja:*



Število košev, ki jih je dosegel Žiga, pa s tabelo:  
*Žiga találatainak számát a táblázat mutatja:*

	Število košev A kosárra dobott találat száma
1. tekma 1. meccs	$x$
2. tekma 2. meccs	9
3. tekma 3. meccs	17

Koliko košev je dosegel Žiga na prvi tekmi, če sta imela oba enako povprečje na tekmo?

*Hány találatot ért el Žiga az első meccsen, ha meccsenként mindkettőjüknek egyenlő volt az átlaga?*

(6 točk/pont)



05. Diagonali romba  $ABCD$  merita  $e = |AC| = 16$  cm in  $f = |BD| = 12$  cm . Izračunajte dolžino stranice romba in njegovo ploščino.

*Az  $ABCD$  rombusz átlói  $e = |AC| = 16$  cm és  $f = |BD| = 12$  cm . Számítsa ki a rombusz élének a hosszát és a rombusz területét!*

*(5 točk/pont)*

06. Točki  $A(5, 2)$  in  $B(-1, -2)$  sta krajišči enega od premerov krožnice. Izračunajte središče in polmer te krožnice ter zapišite njeno enačbo.

*Az  $A(5, 2)$  és  $B(-1, -2)$  pontok a kör egyik átmérőjének két szélső pontja. Számítsa ki a kör középpontját és sugarát, és írja fel a kör egyenletét!*

*(6 točk/pont)*

07. Rešite enačbo  $\sin x + \cos^2 x - \sin^2 x = 1$ .

*Oldja meg a  $\sin x + \cos^2 x - \sin^2 x = 1$  egyenletet!*

*(6 točk/pont)*

08. Rešite enačbo  $\frac{\log 20 + \log x}{\log(5x + 1)} = 2$ .

*Oldja meg a  $\frac{\log 20 + \log x}{\log(5x + 1)} = 2$  egyenletet!*

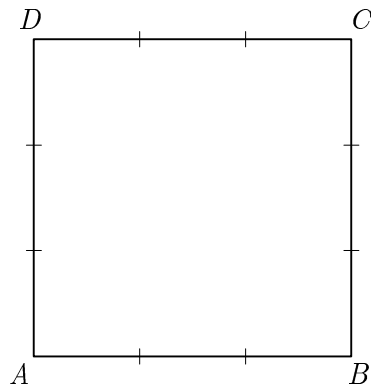
*(6 točk/pont)*

09. Na sliki je kvadrat  $ABCD$  s stranico dolžine 3. Narišite vektor  $\vec{x} = 2\vec{AB} - \frac{1}{3}\vec{AD}$ . Izračunajte natančno dolžino vektorja  $\vec{x}$  ter na minuto natančno kot  $\varphi$  med vektorjema  $\vec{x}$  in  $\vec{AB}$ .

*Az ábrán levő ABCD négyszög éle 3. Részolja meg az  $\vec{x} = 2\vec{AB} - \frac{1}{3}\vec{AD}$  vektort!*

*Pontosan számítsa ki az  $\vec{x}$  vektor hosszát! Számítsa ki fokperc pontossággal az  $\vec{x}$  és az  $\vec{AB}$  vektorok által közbezárt  $\varphi$  szöget!*

*(7 pont)*



10. Dano je kompleksno število  $z = 3 - 2i$ . Izračunajte kompleksno število  $w = z^2 - z^{-1} \cdot |z|^2$ . Rezultat zapišite v obliki  $w = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ).

*Adott a  $z = 3 - 2i$  komplex szám. Számítsa ki a  $w = z^2 - z^{-1} \cdot |z|^2$  komplex számot! Az eredményt írja fel  $w = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) alakban!*

*(7 točk/pont)*



11. Izračunajte kot, pod katerim graf funkcije  $f(x) = \frac{x-2}{x}$  seka abscisno os. Kot zapišite na stotinko stopinje natančno.

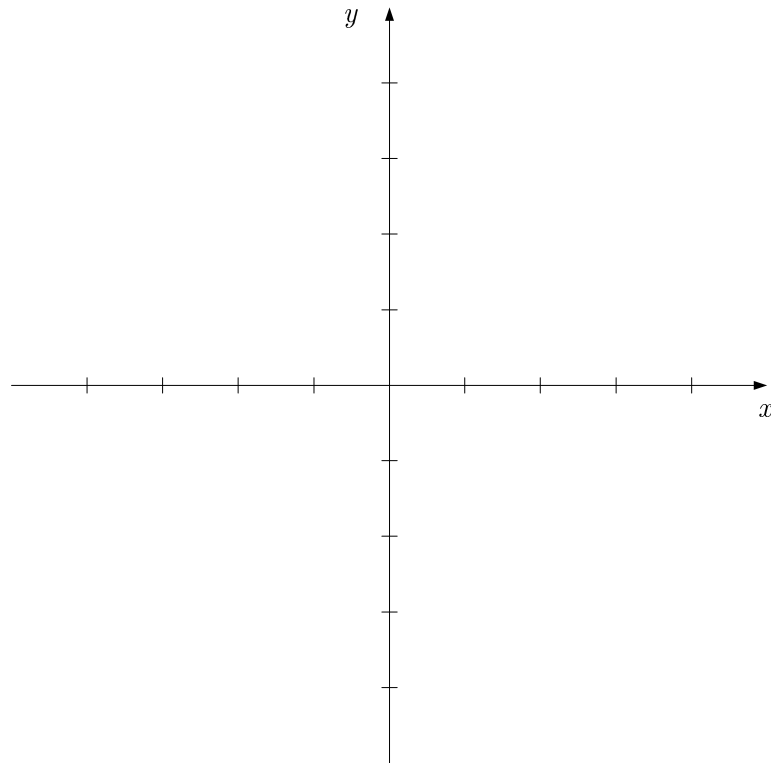
*Számítsa ki azt a szöget, amelyben az  $f(x) = \frac{x-2}{x}$  függvény grafikonja metszi az abszcisszatengelyt! A szöget írja fel szögfokszázad pontossággal!*

*(6 točk/pont)*

12. V dani koordinatni sistem narišite paraboli  $y = 1 - x^2$  in  $y = 4 - 4x^2$ . Izračunajte ploščino lika, ki ga omejujeta dani paraboli.

*Az adott koordináta-rendszerben ábrázolja az  $y = 1 - x^2$  és az  $y = 4 - 4x^2$  parabolákat! Számítsa ki azon síkidom területét, amelyet az adott parabolák határolnak!*

*(7 točk/pont)*



PRAZNA STRAN  
*ÜRES OLDAL*

PRAZNA STRAN  
*ÜRES OLDAL*