

▪ ▪ ▪ ▪ ▪ **Aksiomi** (splošne resnice):

- ⇒ Osnovni geometrijski pojmi so: **točka, premica in ravnina**.
- ⇒ Skozi dve različni točki ravnine lahko položimo natanko eno premico.
- ⇒ Tri točke, ki ne ležijo na isti premici (=nekolinearne) določajo natanko eno ravnino.
- ⇒ Premica ki ima z ravnino 2 različni TOČKI LEŽI NA RAVNINI.
- ⇒ Dve premici, ki imata največ eno skupno točko, pravimo da se sekata v presečišču.
- ⇒ RAVNINE KI NIMATA NOBENE SKUPNE TOČKE ALI VSE skupne točke sta vzporedni.
- ⇒ Premica ki ima eno točko z ravnino jo prebada.
- ⇒ Če imamo 3 kolinearne točke ena leži med drugima dvema.
- ⇒ Skozi neko točko, ki ne leži na dani premici, poteka natanko ena premica, ki je prvi premici vzporedna.
- ⇒ Če ima premica z ravnino dve skupni točki, leži premica v celoti v ravnini.
- ⇒ Skozi točko, ki ne leži na ravnini poteka natanko ena ravnina, ki je vzporedna dani ravnini.
  
- ⇒ **Daljica** AB je sestavljena iz vseh točk premice, ki ležijo med točkama A in B.
- ⇒ **Poltrak** je točka na premici, ki razdeli premico na dva poltraka s skupnim izhodiščem.
  - Presek dveh poltrakov je lahko: točka, daljica, poltrak ali prazna množica.
- ⇒ **Kot** je množica točk v ravnini, ki jo omejujeta dva poltraka (=kraka kota) s skupnim izhodiščem.

**Večkotnik:**

- ⇒ Večkotnik je lik, ki ga omejujejo daljice (najmanj tri).
- ⇒ Daljice, ki omejujejo večkotnik so **stranice** (dolžine ne morejo biti poljubna +R št. → 1cm, 2cm, 5cm).
- ⇒ Premice na katerih ležijo stranice večkotnika (a,b,c) imenujemo **nosilke stranic** (p,r,q).
- ⇒ Presečišča nosilk stranic so točke, ki jim pravimo **oglišče**.
- ⇒ **Diagonala** je daljica, ki veže dve ne sosednji oglišči (veljati začne vključno s štirikotnikom in naprej).
- ⇒ **n-kotnik:**
  - iz n oglišč lahko potegnemo n diagonal →  $n \cdot (n-3) : 2$
  - iz enega oglišča lahko potegnemo n-3 diagonal
  - vsako diagonalo štejemo 2x zato delimo z 2

**Togi premik:**

- ⇒ **Togi premik** je **preslikava** ki ohranja medsebojne razdalje točk. Če togi premik preslika točko A v A' in točko B v B' velja, da je razdalja od to
- ⇒ ke A in B → d(A,B) enaka točki A' in B' → d(A',B').
  - Med toge premike štejemo: vzporedni premik, rotacija, zrcaljenje čez točko in čez premico.
- ⇒ **Skladnost:** dve množici točk sta skladni, če obstaja togi premik, ki eno množico točk preslika v drugo.
  
- ⇒ **Aksiom o vzporednici:** Vedno zbiramo točko v ravnini, ki ne leži na premici, tako lahko tej premici narišemo natanko eno vzporednico.

**Koti:**

- Poltraka imenujemo **kraka**, skupno izhodišče pa **vrh**.
- Poznamo ničelni (0°), pravi (90°), iztegnjeni (180°) in polni kot (360°).
- Kota sta lahko **sosednja** → skupen vrh in en krak, nimata skupnih notranjih kotov
- Kota sta lahko **sokota** → skupen vrh, združitev v premico
- Kota sta lahko **sovršna** → skupen vrh, kraka se ne dopolnjujeta v premico; značilna skladnost
- **Komplementarna** kota sta takrat, ko je njuna vsota 90°
- **suplementarna** pa , ko je 180°.

**Trikotnik:**

- Vsota vseh **notranjih kotov** je 180° →  $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$
- Vsota vseh **zunanjih kotov** je 360° →  $\alpha + \beta + \gamma = 360^\circ$
- Zunanji kot ▲ je enak vsoti nepriležnih notranjih kotov trikotnika

## Matematika 2. Letnik

- $\alpha' = \beta + \gamma$
  - $\beta' = \alpha + \gamma$
  - $\gamma' = \beta + \alpha$
- o Notranji in zunanji kot v istem oglišču je suplementarna  $\rightarrow \alpha + \alpha' = 180$

### Izreki o skladnosti:

- $\Rightarrow$  Definicija: Dva trikotnika sta skladna, če imata skladne vse stranice in vse kote. Znak za skladnost
- Izrek 1: Dva trikotnika sta skladna, če se paroma ujemata v vseh treh stranicah ( $a=a'$ ,  $b=b'$ ,  $c=c'$ ).
- $\Rightarrow$  Izrek 2: Dva trikotnika sta skladna, če se ujemata v dveh stranicah in kotom med njima ( $c=c'$ ,  $b=b'$ ,  $\alpha=\alpha'$ ).
- $\Rightarrow$  Izrek 3: Dva trikotnika sta skladna, če se ujemata v eni stranici in obeh priležnih kotih ( $c=c'$ ,  $\alpha=\alpha'$ ,  $\beta=\beta'$ ).
- $\Rightarrow$  Izrek 4: Dva trikotnika sta skladna, če se ujemata v dveh stranicah in kotu, ki leži večji od obeh stranic nasproti ( $c=c'$ ,  $b=b'$ ,  $\gamma=\gamma'$ ).

### Trikotniki glede na stranice in glede na kote:

#### $\Rightarrow$ Glede na stranice:

#### Znamenite točke trikotnika:

- $\Rightarrow$  Težišče je presečišče vseh treh težiščnic trikotnika.
- o Težiščnica je daljica, ki veže eno oglišče trikotnika z razpoloviščem nasproti ležeče stranice.
  - o Težišče razdeli težiščnico v razmerju 1:2.
  - o Težiščnice se sekajo na  $2/3$  svoje dolžine od oglišča.
- $\Rightarrow$  Višinska točka je presečišče vseh treh višin trikotnika.
- o Višina je pravokotna razdalja od enega oglišča do nasprotne stranice.
  - o V ostrokotnem trikot. pade višinska točka v notranjost trikotnika.
  - o V pravokotnem trikot. pade višinska točka v oglišče, kjer je njej pravi kot.
  - o V topokotnem trikot. pade višinska točka v zunanost trikotnika.
- $\Rightarrow$  Središče trikotnika včrtanega kroga(notri) je presečišče simetral notranjih kotov.
- o Simetrala kota je premica, ki poteka skozi vrh kota in ga razpolavlja. Vse točke na simetrali so enako oddaljene od obeh krakov kota.
- $\Rightarrow$  Središče trikotnika očrtanega kroga je presečišče simetral stranic trikotnika.
- o Simetrala daljice je premica, ki je pravokotna na daljico in jo razpolavlja. Vse točke na njej so enako oddaljene od obeh krajišč daljice.

### Krožnica, lok, krog

- $\Rightarrow$  Krožnica je množica točk v ravnini, ki so enako oddaljene od izbrane točke
- $\Rightarrow$  Krog je množica točk v ravnini ki so kvečjemu za polmer oddaljene od središča
- $\Rightarrow$  Obodni kot nad lokom AB je kot ki ima vrh na krožnici kraka pa gresta skozi točki A in B.
- $\Rightarrow$  Središčni kot na lokom AB je kot katerega vrh je središče krožnice kraka pa gresta skozi točko A in B.
- $\Rightarrow$  Središčni kot =  $2 \cdot$  obodni kot
- $\Rightarrow$  Če je osnovnica premer kroga in 3 oglišče leži na krožnici potem je trikotnik pravokotnik

