

# 1. Množice

Množica je poljubna skupina elementov. Dejstvo, da množica  $M$  vsebuje element  $a$ , označimo:

$a \in M$  (beri:  $a$  je element množice  $M$ ,  $a$  pripada  $M$ )

Če  $a$  ni element množice  $M$ , pa to označimo:

$a \notin M$  (beri:  $a$  ni element množice  $M$ ,  $a$  ne pripada  $M$ )

Poseben primer množice je **prazna množica** - to je množica, ki ne vsebuje nobenega elementa.

Označimo jo s simbolom  $\emptyset$  ali  $\{ \}$ .

## 1.1. Zapis množice

Množico lahko zapišemo na različne načine. Pri preprostih množicah, ki imajo malo elementov, uporabljamo **zapis z naštevanjem elementov**. Elemente pri tem ločimo z vejicami. Če je elementov neskončno mnogo, označimo nadaljevanje s tremi pikami.

Primer:

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$B = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

$$C = \{\dots, -3, -1, 1, 3, 5, \dots\}$$

Uporabljamo tudi **zapis z lastnostjo**. Najprej navedemo oznako elementa, potem pa za podpičjem naštejemo lastnosti, ki jih mora imeti element.

Primer:

$$A = \{n; (n \in \mathbb{N}) \wedge (n \leq 6)\} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

Pogosto srečamo tudi **zapis s formulo**. Pred podpičjem navedemo formulo, po kateri izračunamo elemente množice.

Primer:

$$B = \{2k; k \in \mathbb{N}\} = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

$$C = \{2k+1; k \in \mathbb{Z}\} = \{\dots, -3, -1, 1, 3, 5, \dots\}$$

## 1.2. Računanje z množicami

□ **Presek množic  $A$  in  $B$**  je množica sestavljena iz elementov, ki pripadajo množici  $A$  in množici  $B$  hkrati.

Presek množic  $A$  in  $B$  označimo  $A \cap B$ .

$$A \cap B = \{x; (x \in A) \wedge (x \in B)\}$$

Množici, ki imata prazen presek (torej  $A \cap B = \emptyset$ ), imenujemo **tuji** ali **disjunktni množici**.

□ **Unija množic  $A$  in  $B$**  je množica sestavljena iz elementov, ki pripadajo množici  $A$  ali množici  $B$  (ali obema).

Unijo množic  $A$  in  $B$  označimo  $A \cup B$ .

$$A \cup B = \{x; (x \in A) \vee (x \in B)\}$$

□ **Razlika množic  $A$  in  $B$**  je množica sestavljena iz elementov, ki pripadajo množici  $A$  in hkrati ne pripadajo množici  $B$ .

Razliko množic  $A$  in  $B$  označimo  $A \setminus B$  ali tudi  $A - B$ .

$$A \setminus B = \{x; (x \in A) \wedge (x \notin B)\}$$

□ **Komplement množice  $A$**  je množica sestavljena iz elementov, ki ne pripadajo množici  $A$ .

Označimo ga  $A'$  ali tudi  $A^c$  ali  $CA$ .

$$A' = \{x; x \notin A\}$$

Komplement množice računamo vedno v okvirju neke širše množice, ki jo imenujemo **univerzalna množica** ali univerzum pogovora.

Označujemo jo z **U**. Torej velja:

$$A' = U \setminus A$$

## 1.3. Moč množice

Moč množice je število elementov, ki jih množica vsebuje.

**Oznaka:**

$$m(A) = \text{moč množice } A$$

Primer:

$$F = \{-1, 0, 2, 3, 10\}$$

$$m(F) = 5$$

Moč unije množic lahko izračunamo po formuli:

$$m(A \cup B) = m(A) + m(B) - m(A \cap B)$$

## 1.4 Podmnožice

Pravimo, da je množica  $A$  **podmnožica** množice  $B$ , če je vsak element množice  $A$  vsebovan tudi v množici  $B$ .

**Oznaka:**  $A \subset B$  (ali tudi  $A \subseteq B$ ).

Podmnožica množice  $B$  je lahko tudi enaka množici  $B$ . Tiste podmnožice, ki niso enake množici  $B$ , imenujemo **prave podmnožice** množice  $B$ .

Množici  $A$  in  $B$  sta enaki, če vsebujeta iste elemente. To je res, samo če je množica  $A$  podmnožica množice  $B$ , hkrati pa je tudi množica  $B$  podmnožica množice  $A$ .

$$A = B \Leftrightarrow (A \subset B) \wedge (B \subset A)$$

□ **Potenčna množica množice  $A$**  je množica vseh podmnožic množice  $A$ .

$$\mathbf{P}A = \{X; X \subset A\}$$

Primer:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$\mathbf{P}A = \{ \{ \}, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\} \}$$

Če ima množica  $A$  točno  $n$  elementov, potem ima  $2^n$  podmnožic, torej:

$$m(A) = n \Rightarrow m(\mathbf{P}A) = 2^n$$

## 1.5. Kartezični produkt množic

**Urejen par** je zapis sestavljen iz dveh elementov, pri čemer je pomembno, kateri element je na prvem in kateri na drugem mestu:  $(a, b)$ . Elementa  $a$  in  $b$ , ki nastopata v zapisu urejenega para, imenujemo komponenti para. Urejeni par  $(a, b)$  ni enak urejenemu paru  $(b, a)$ .

□ **Kartezični produkt množic  $A$  in  $B$**  je množica sestavljena iz urejenih parov, ki imajo prvo komponento iz množice  $A$  in drugo iz množice  $B$ .

Kartezični produkt množic  $A$  in  $B$  označimo  $A \times B$ .

$$A \times B = \{(a, b); (a \in A) \wedge (b \in B)\}$$

Če ima množica  $A$   $n$  elementov, množica  $B$  pa  $m$  elementov, potem ima kartezični produkt  $nm$  elementov.

Zgled:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$B = \{1, 2\}$$

$$A \times B = \{(1,1), (1,2), (2,1), (2,2), (3,1), (3,2)\}$$

Elemente kartezičnega produkta lahko ponazorimo kot točke v [koordinatnem sistemu](#):

