

Računanje s potencami:

$$\begin{array}{lll} a^0 = 1 & \left(\frac{a}{b} \right)^0 = 1 & a^n \cdot a^m = a^{n+m} \\ a^{-1} = \frac{1}{a} & \left(\frac{a}{b} \right)^{-1} = \frac{b}{a} & a^n \cdot b^n = (ab)^n \\ a^{-n} = \frac{1}{a^n} & \left(\frac{a}{b} \right)^{-n} = \left(\frac{b}{a} \right)^n & a^n : b^n = \left(\frac{a}{b} \right)^n \\ & & (a^n)^m = a^{nm} \end{array}$$

PAZI: $(2a)^{-1} = \frac{1}{2a}$ $2a^{-1} = \frac{2}{a}$

0^0 ni definirano

Računanje s korenji

$$(\sqrt[n]{a})^n = a$$

$$\sqrt[n]{a^n} = a$$

$$\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

$$a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$$

Kvadratna enačba $ax^2 + bx + c = 0$ ima dve rešitvi.

izračunamo rešitvi po formuli $x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}$, pri čemer je diskriminanta $D = b^2 - 4ac$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} ; x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}$$

Pravila za računanje z logaritmi.

$$y = \log x \quad \log y = a \Rightarrow$$

$$\log 1 = 0 \quad \log a = 1$$

$$\log_b a \cdot \log_b c = \log_b (a \cdot c)$$

$$\log_b \frac{a}{c} = \log_b a - \log_b c$$

$$\log_a a = 1$$

Kotne funkcije v pravokotnem trikotniku

$$\sin \alpha = \frac{\text{kotu na spri ležčakata}}{\text{hipotenzo}} \quad \sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{kotu opiležnakata}}{\text{hipotenzo}} \quad \cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{kotu na spri ležčakata}}{\text{kotu opiležnakata}} \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{b}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{kotu opiležnakata}}{\text{kotu na spri ležčokata}} \quad \operatorname{ctg} \alpha = \frac{b}{a}$$

~~ctg, ctg~~

~~sin, cos~~

Vrednosti kotnih funkcij pri nekaterih pogostih kotih:

Stopinje	0°	30°	45°	60°	90°
Radiani	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
tg	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	∞
ctg	∞	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

Adicijski izreki:

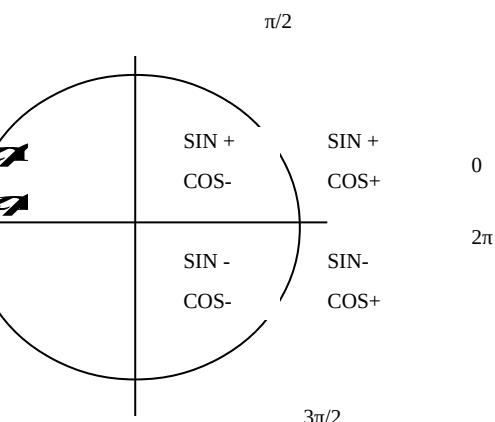
$$\sin(A+B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$$

$$\cos(A+B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$$

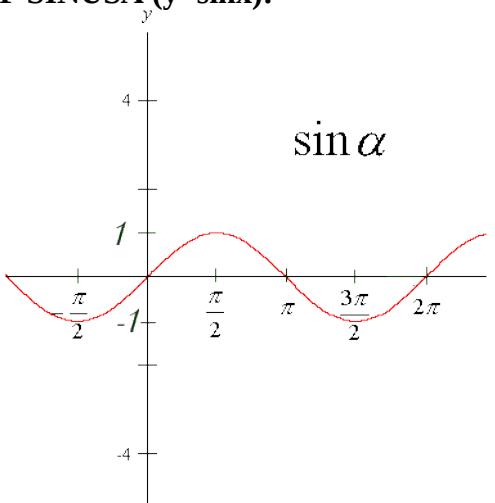
Kotne funkcije dvojni kotov

$$\sin(2\alpha) = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\cos(2\alpha) = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$



GRAF SINUSA ($y=\sin x$):



PERIODIČNOST: Funkcija sinus je periodična funkcija s periodo 2π .

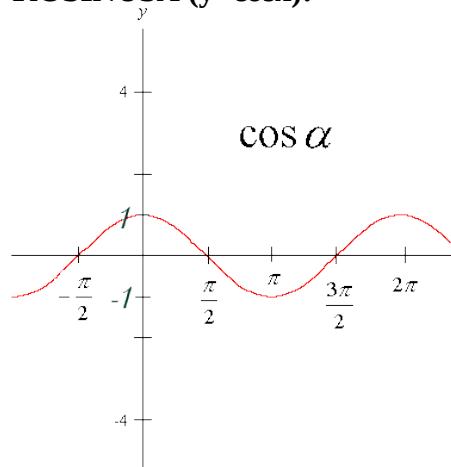
ZALOGA VREDNOSTI: Zaloga vrednosti funkcije sinus je interval $(-1,1)$.

NIČLE: Funkcija sinus ima ničle v točkah $k\pi$; k je element celih števil.

MAKSIMUMI: Funkcija sinus ima maksimume v točkah $\pi/2 + 2k\pi$; k je element celih števil.

MINIMUMI: Funkcija sinus ima minimume v točkah $3\pi/2 + 2k\pi$; k je element celih števil.

GRAF KOSINUSA ($y=\cos x$):



PERIODIČNOST: Funkcija kosinus je periodična funkcija s periodo 2π .

DEFINICIJSKO OBMOČJE: Definicijsko območje funkcije kosinus je cela realna os.

ZALOGA VREDNOSTI: Zaloga vrednosti funkcije kosinus je interval $(-1,1)$.

NIČLE: Funkcija kosinus ima ničle v točkah $\pi/2 + k\pi$; k je element celih števil.

MAKSIMUMI: Funkcija kosinus ima maksimume v točkah $2\pi + 2k\pi$; k je element celih števil.

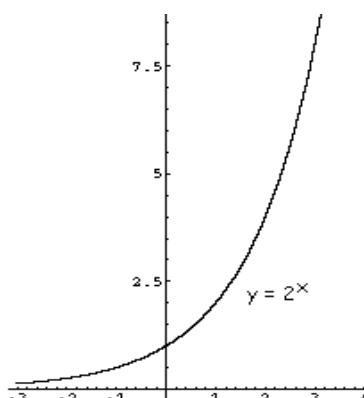
MINIMUMI: Funkcija kosinus ima minimume v točkah $\pi + 2k\pi$; k je element celih števil.

EKSPONENTNA FUNKCIJA

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$$

Zapišemo jo tudi v obliki $\exp_a: x \rightarrow a^x$

Njeno definicijsko območje so vsa realna števila, zaloga vrednosti pa le pozitivna realna števila



GRAF RACIONALNE FUNKCIJE

$$f(x) = \frac{2x-3}{x^2-2x-3}$$

Ničle $2x-3=0$

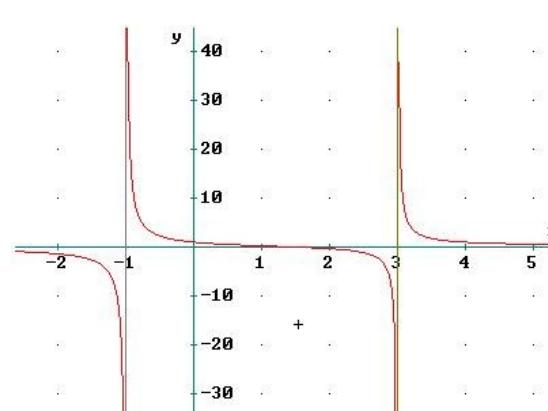
$$x = \frac{3}{2}$$

Polji

$$(x+1)(x-3)$$

$$x_1 = -1 \quad x_2 = 3$$

$$f(0) = 1$$



Asimptota $y = 0$

Ker je stopnja v števcu nižja od stopnje v imenovalcu

Presečišče z asimptoto:

$$\frac{2x}{x^2 - 4x + 6}$$

Pri grafu polinoma je presečišče z y osjo vrednost prostega člena

Primer: $x^3 + 2x^2 - 4x + 6$